دانلود پاسخ تشریحی از سایت ریاضیات ایران

## Rnath

مدت: ۳ ساعت

به نام خدا

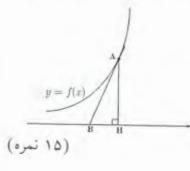
x در شکل روبرو فرض کنید طول پاره خط AB برابر با B، طول پارخط BC برابر با B، طول پاره خط CP برابر با Bو زاویه دید نقطه P از پارخط AB برابر با  $\theta$  باشد.

الف) مقدار  $\theta$  را بر حسب x محاسبه كنيد.

 $(x \in ]0,+\infty[$  برای چه مقداری از  $[0,+\infty[$  بیشترین مقدار ممکن است ب ج) یك نمودار تقریبی از تغییرات heta وقتی x در بازه  $[0,+\infty[$  تغییر می كند

رسم نمایید. (در این نمودار صعودی، نزولی بودن تابع و همچنین تحدب و تقعر آن را مشخص کنید).

(الف)(۵ نمره)، (ب)(۸ نمره)، (ج) (۷ نمره)



همه توابع مشتق پذیر  $\mathbb{R} o \mathbb{R}: f: \mathbb{R} o A$  را چنان بیابید که برای هر نقطه A روی نمودار این تابع خط مماس بر نمودار این تابع در نقطه A حتما محور x ها را در یك نقطه یکتای B قطع کند (نقطه B وابسته به A است) و فاصله B تا H (H پای عمود .خارج شده از A بر محور x ها است) برابر مقدار ثابت a>0 باشد

 $\int_{a}^{+\infty} \frac{1 - e^{-x^2}}{x^2} \, \mathrm{d}x$ 

۳ ثابت كنيد انتگرال ناسره زير همگراست:

پوسته و صعودی روی فاصله  $[1,+\infty]$  است. نشان دهید:  $f(x)\geqslant 0$  فرض کنید  $f(x)\geqslant 0$  بیک تابع پیوسته و صعودی روی فاصله

$$\sum_{k=1}^{n-1} f(k) \leqslant \int_{1}^{n} f(x) \, \mathrm{d}x \leqslant \sum_{k=2}^{n} f(k).$$

سپس فرض کنید  $f(x) = \ln x$ ، نامساوی زیر را نتیجه گیری کنید:

$$n^n e^{-n+1} \le n! \le (n+1)^{n+1} e^{-n}$$
.

(10 iags)

(۱۵ نمره)

ادامه پشت صفحه http://irmath.com

كانال تلگرام @irmath

Rnath

(V ia(o)

یرید. 
$$\sum_{n=0}^{+\infty} \frac{x^{2n+1}}{2n+1}$$
 را در نظر گیرید.

(۸ نمره) نشان دهید برای 
$$|x| < 1$$
 سری فوق به  $\frac{1+x}{1-x}$  همگراست.

$$e < 3$$
 به کمك قسمت  $(ب)$  نشان دهید

$$a_n = \int_0^1 \frac{1}{1+x^n} \, \mathrm{d}x$$
برای  $n \geqslant 1$  برای  $n \geqslant 1$  برای ۶

الف) نشان دهید 
$$a_n = 1$$
 الف) نشان دهید الش $a_n = 1$  الف

$$\lim_{n\to+\infty} \frac{1-a_n}{\frac{1}{n}} = \ln(2)$$
 ب) نشان دهید (2) نصره

(ه نمره) ج) در همگرایی یا واگرایی سری 
$$\sum_{n=1}^{+\infty} (1-a_n)$$
 بحث کنید (با ذکر دلیل).

دانلود پاسخ تشریحی از سایت ریاضیات ایران

http://irmath.com

موفّق باشيد

انال تلگرام @irmath